

○学生习作○

# 创新出自体验

董振振

(山东省肥城国庄矿社区学校八年级(4)班,271613)

在我们学习了多边形的内角和是 $(n-2) \cdot 180^\circ$ 后,课本上由此又推出了“任意多边形的外角和都等于 $360^\circ$ ”的结论.我发现,这个结论说明多边形的外角和与多边形的边数 $n$ 无关,是一个固定不变的量 $360^\circ$ .

这简直太神奇了!它竟然与边数无关!

我当时有些惊讶地自言自语着.当然,我对结论的正确性是深信不疑的.也许越是认为神奇的,越让人在感情上一时难以完全接受,总想着只有亲身去体验和感受,心里才“踏实”.

于是,下课后我独自在教学楼前面的小广场上慢步思考着:怎样才能亲身体验到这个“ $360^\circ$ ”呢?鬼使神差般地来到了一个六边形的花坛边,并围着它边走边想.

猛然间,我发现了:周角的度数就是 $360^\circ$ ,我围着花坛漫步转圈,不正是在体验这个“ $360^\circ$ ”吗?那么,多边形的外角和与周角有什么关系呢?

如图1,六边形 $ABCDEF$ 是花坛的示意图,假设我由 $A$ 点出发,沿六边形的边走一圈,当回到出发点 $A$ (面向的方位与原来一致)时,我在各顶点处拐弯转过的角度正好是一个周角 $360^\circ$ ,而每次转过的角正好是六边形的外角.

我兴奋极了,立即邀了几个同学一起来体验,使大家真正感受到“多边形的外角和都等于 $360^\circ$ ”这一结论既神奇又非常自然.我对它“心悦诚服”了.

后来我又想,既然多边形的外角和就是一个周角,那么这个结论是否可以用另外的

方法去推出,可能更加直接或简单一点呢?

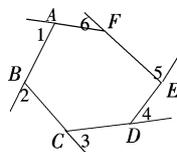


图1

于是我想到了下面的方法:

如图2,在平面上任取一点 $O$ ,过点 $O$ 分别作六边形各边的平行线,则六边形的各外角被分别平移到以 $O$ 为顶点的6个角的位置,很明显,它们合起来恰好是一个周角!而这种方法对一般的凸多边形同样适用.由此又可推出多边形的内角和为:

$$n \cdot 180^\circ - 360^\circ = (n-2) \cdot 180^\circ.$$

这个方法与课本上的思路正好相反,但更加自然和简洁.

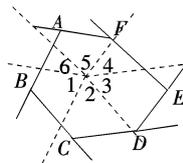


图2

我把上述的探索过程及发现跟老师说了,老师在班里当着全体同学的面“狠狠”地表扬了我一番,并鼓励全班同学都要积极动脑思考,善于从不同的角度去观察、分析和探究问题,这样才能把数学知识学“活”,才能提高自己的创新意识和能力.

(指导老师 冯连庆)